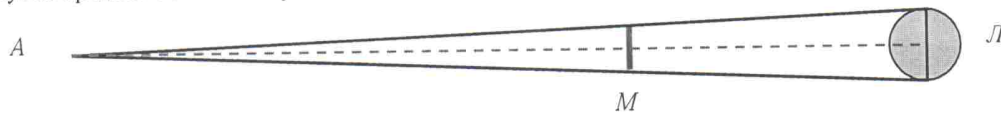


# ОТВЕТЫ И ПРИМЕРНЫЕ РЕШЕНИЯ ЗАДАНИЙ ПО АСТРОНОМИИ (2018 – 2019)

## 7-8 классы

1. На рисунке представлена схема расположения глаза наблюдателя (точка А), рублевой монеты и Луны.



$A$  – точка наблюдения (глаз наблюдателя),  $M$  – монета (в профиль),  $L$  – Луна.

Рассмотрим два подобных треугольника с общей вершиной в точке  $A$ . Основания этих равнобедренных треугольников – диаметр монеты и диаметр Луны. Искомое расстояние  $x$  представляет собой высоту  $AM$  меньшего треугольника. Введём обозначения:  $d$  – диаметр монеты,  $D$  – диаметр Луны,  $L$  – расстояние от точки  $A$  до Луны. Из подобия треугольников следует пропорция:

$$\frac{d}{D} = \frac{x}{L}$$

Из справочных данных берём числовые значения:  $D = 3474$  км,  $L = 384400$  км. Выразим величину  $x$  из уравнения и, проведя вычисления, получим:  $x = 2,21$  м.

2. Выброс плазмы достигнет Земли  $t = 150\,000\,000$  км /  $1\,500$  км/с =  $100\,000$  с = 30 часов. Всплеск радиоизлучения, которое распространяется со скоростью света, достигнет Земли через  $t = 150\,000\,000$  км /  $300\,000$  км/с =  $500$  с = 8 минут.
3. По закону Архимеда, сфера будет плавать при выполнении условия:  $mg \leq \rho g V$ , где  $g$  – ускорение свободного падения у поверхности Венеры,  $\rho = \frac{p_0 M}{RT}$  – плотность атмосферы Венеры,  $T = t + 273^\circ\text{C}$  – абсолютная температура атмосферы,  $V = \frac{4}{3}\pi r^3$  – объем тела. Ответ:  $m \leq \frac{4}{3}\pi r^3 \frac{p_0 M}{RT} \approx 249$  кг.
4. Как известно, смена времен года на Земле в настоящее время обусловлена изменениями в освещенности различных участков земной поверхности Солнцем в связи с наклоном оси вращения Земли к плоскости орбиты и поступательным перемещением этой оси в пространстве. Изменение расстояния Земли от Солнца, практически, не вносит вклада в смену времен года вследствие малого эксцентриситета земной орбиты. Если же это расстояние будет меняться в значительных пределах, то при наклоне оси  $90^\circ$  именно этот фактор будет причиной смены «времен года». Когда Земля будет в афелии сильно вытянутой орбиты, на все Земле будет «зима», когда в перигелии – «лето», так как изменение освещенности различных участков поверхности Земли будет определяться только изменением расстояния до Солнца. Если наклон оси вращения планеты к орбите равен  $90^\circ$ , то каждые сутки на всей поверхности планеты ровно половину суток будет длиться ночь, половину – день. Можно сказать, что на такой планете будет вечное равноденствие. Полярного дня или полярной ночи (дня или ночи, продолжающихся непрерывно в течение двух или более суток) не будет нигде. Не будет и тропической зоны, признаком которой является кульминация Солнца в зените дважды в году. В нашей ситуации Солнце будет кульминировать в зените ежедневно на экваторе.

# ОТВЕТЫ И ПРИМЕРНЫЕ РЕШЕНИЯ ЗАДАНИЙ ПО АСТРОНОМИИ (2018 – 2019)

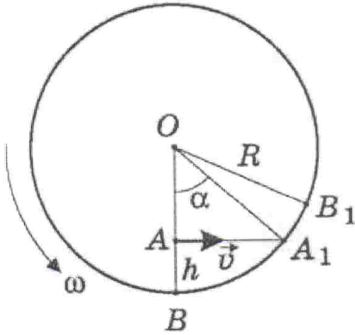
## 9 класс

1. Луна должна быть почти втрое меньше диаметра земной тени на расстоянии лунной орбиты. Ночная сторона нашего спутника, разумеется, должна быть тёмной.
2. Расстояние между Землей и Марсом может быть от 0.4 а.е. в великих противостояниях до 2.6 а.е. в соединении. Примем, что Марс находится на расстоянии в 2 а.е. Тогда время распространения радиосигнала от Марса к Земле и обратно составляет 2000 секунд или 33 минуты. За это время марсоход должен пройти не более 10 метров, то есть его безопасная скорость составляет 30 сантиметров в минуту. Во время великих противостояний марсоход может двигаться в пять раз быстрее, со скоростью 1.5 метра в минуту.
3. Пусть  $m$  — масса спутника,  $M$  — масса планеты радиусом  $r$ ,  $v$  — скорость движения спутника по орбите радиуса  $R$ . Уравнение движения спутника имеет вид:  $\frac{mv^2}{R} = G \frac{mM}{R^2}$  Учитывая, что  $M = \frac{4}{3}\pi r^3 \rho$ ,  $T = \frac{2\pi R}{v}$ ,  $R = rn$  получаем:  $\rho = \frac{3\pi n^3}{GT^2}$ .
4. Синодический период, как промежуток времени между одноименными последовательными конфигурациями планеты, определяется разностью угловых скоростей планеты и Земли. Выражая угловую скорость через период (если орбита планеты близка к круговой), можно получить 2 уравнения синодического движения для внутренних и внешних планет:  $\frac{1}{S} = \frac{1}{T} - \frac{1}{T_{\text{Земли}}}$  и  $\frac{1}{S} = \frac{1}{T_{\text{Земли}}} - \frac{1}{T}$ . Внешняя планета не может иметь такого синодического периода. Внутренняя – может, при периоде обращения  $T = 0.5$  года и радиусе орбиты ( $a = T^{3/2}$ )  $a = 0.63$  а.е.
5. При склонении больше  $+56^\circ$  разность равна  $2 \cdot (90^\circ - \delta)$ . При склонении от  $-56^\circ$  до  $+56^\circ$  разность составляет  $2 \cdot (90^\circ - 56^\circ) = 68^\circ$ . При склонении ниже  $-56^\circ$  разность равна  $2 \cdot (\delta + 90^\circ)$ .
6. Время, за которое распространился ВКМ (выброс корональной массы) - 36 мин или 2160 с. Диаметр Солнца равен 1392000 км. Размер выброса в 3 раза больше.  $R = 4\,176\,000$  км. Скорость  $V = R/t = 4\,176\,000\,000 \text{ м} / 2160 \text{ с} = 1,93\,106 \text{ м/с}$ .

# ОТВЕТЫ И ПРИМЕРНЫЕ РЕШЕНИЯ ЗАДАНИЙ ПО АСТРОНОМИИ (2018 – 2019)

## 10 класс

1. Не будут видны звезды, отстоящие от Солнца на  $\pm 18^\circ$  по прямому восхождению, то есть занимающие  $1/10$  небесной сферы. Поэтому можно будет увидеть примерно 5400 звезд.



2. Рассмотрим движение предмета в невращающейся системе отсчета, связанной с кораблем (см. рисунок). В этой системе предмет, выпущенный из руки в точке A, имеет скорость  $v = \omega(R - h)$ , направленную перпендикулярно к OA. Поскольку сопротивление воздуха и влияние небесных тел пренебрежимо малы, предмет движется прямолинейно и равномерно и за время  $\tau = \frac{AA_1}{v}$  достигает пола в точке A<sub>1</sub>. Точка B (подшвы ног космонавта) за это время переместится в положение B<sub>1</sub>. Обозначив через  $\omega$  угловую скорость вращения корабля, находим, что длина дуги:  $\cup BB_1 = \omega R \tau = \omega R \frac{AA_1}{\omega(R-h)} = R \operatorname{tg} \alpha$ . Поскольку длина

дуги,  $\cup BA_1 = R\alpha$  искомое расстояние (длина дуги  $\cup A_1B_1$ ) равно:  $\cup A_1B_1 = \cup BB_1 - \cup BA_1 = R(\operatorname{tg} \alpha - \alpha)$ .

Ответ:  $l = R(\operatorname{tg} \alpha - \alpha)$ , где  $\alpha = \frac{\arccos(R-h)}{R}$ .

3. Светимость звезды пропорциональна  $R^2$ , где  $R$  – радиус звезды. Т.к. светимость звезды изменится  $\frac{L_2}{L_1} = 2,512^8 \approx 1600$ , то звезда станет ярче в 1600 раз, то есть ее радиус увеличится в 40 раз.

4. Обозначим большую звезду 1, а меньшую 2. Найдем расстояние в перигеетре и апогеетре для каждой звезды относительно центра масс. Центр масс находится по правилу рычага:  $\frac{R_{a1}}{R_{a2}} = \frac{M_2}{M_1}$  и  $R_{a1} + R_{a2} = R_{\max}$ . Подставляя

величины в данные формулы получаем  $R_{a1} = \frac{1}{4} R_{\max} = 20 \text{ a.e.}$ , а  $R_{a2} = \frac{3}{4} R_{\max} = 60 \text{ a.e.}$  Аналогично проводятся

расчеты для нахождения расстояний в перигеетре  $\frac{R_{p1}}{R_{p2}} = \frac{M_2}{M_1}$ ;  $R_{p1} + R_{p2} = R_{\min}$ . Подставляя величины в данные

формулы получаем:  $R_{p1} = 15 \text{ a.e.}$  и  $R_{p2} = 45 \text{ a.e.}$  Так как эксцентриситеты орбит звезд совпадают, то можно найти

его только для одной звезды  $\frac{R_{a1}}{R_{p1}} = \frac{1+e}{1-e}$ ;  $\frac{4}{3}(1-e) = 1+e$ . Отсюда  $e = \frac{1}{7} = 0,14$ . Большая полуось двойной

системы  $a_1 = \frac{1}{2}(R_{\min} + R_{\max}) = 70 \text{ a.e.}$  Период обращения системы можно найти с помощью уточненного закона

Кеплера (сравним с системой Солнце-Земля).  $\frac{(M_1 + M_2) T_1^2}{(M_c + M_3) T_3^2} = \frac{a_1^3}{a_2^3}$ . Тогда  $T_1 = T_3 \sqrt{\frac{(M_c + M_3) a_1^3}{(M_1 + M_2) a_2^3}}$ . Выражая

период в годах, а большую полуось в астрономических единицах получим  $T_1 = 293$  года.

5. На Северном полюсе можно видеть лунные затмения зимой (21 февраля) и некоторые из солнечных затмений летом (затмение 1 августа там будет видно)
6. Найдем скорости объектов перед столкновением. Для этого найдем расстояние от Солнца до спутника в афелии его орбиты:  $Q = 2a - q = 3.5 \text{ a.e.}$  ( $q$  – расстояние в перигелии,  $a$  – большая полуось) и эксцентриситет орбиты спутника:  $q = a(1 - e)$ , отсюда  $e = 1 - q/a = 0.75$ . Т.к. столкновение происходит в афелии орбиты спутника, то скорость спутника будет равна

$$V = \sqrt{\frac{GM_0}{a} \cdot \frac{1-e}{1+e}}; V = V_k \sqrt{\frac{1-e}{1+e}}; V = 8 \text{ км/с, где } M_0 - \text{масса Солнца, } V_k = 21,1 \text{ км/с} - \text{скорость кругового движения}$$

по орбите с  $a=2$  а.е. (скорость движения астероида). Энергия, выделившаяся при столкновении будет равна (полный корректный вывод требует рассмотрения закона сохранения энергии совместно с законом сохранения импульса):

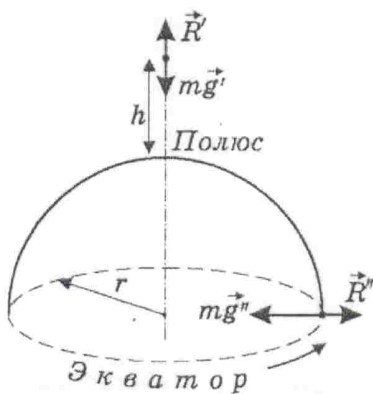
$$E = \frac{mV_{от}^2}{2}, \text{ где } V_{от} - \text{скорость сближения объектов. Возможно 2 случая} - \text{столкновение на встречных курсах и}$$

столкновение спутника с догоняющим его астероидом. 1)  $V_{от}=29.1$  км/сек,  $E=8.5 \cdot 10^{11}$  Дж, что соответствует  $2 \cdot 10^5$  кг или 200 тонн в тротиловом эквиваленте. 2)  $V_{от}=13.1$  км/сек,  $E=1.7 \cdot 10^{11}$  Дж, что соответствует  $4 \cdot 10^4$  кг или 40 тонн в тротиловом эквиваленте.

11 класс

1. Изменение блеска Солнца, наблюдаемого с Эриды, будет вызвано изменением расстояния до него из-за орбитального движения планеты. Расстояние в афелии орбиты  $R_a = a(1+e)$ , а в перигелии  $R_p = a(1-e)$ . По формуле Погсона амплитуда этого изменения будет равна:  $\Delta m = 2,5 \lg \frac{E_p}{E_a} = 2,5 \lg \frac{R_a^2}{R_p^2} = 5 \lg \frac{R_a}{R_p} = 5 \lg \frac{1+e}{1-e} = 2,05$ .

2. Предположим сначала, что Новосибирск и Москва расположены в середине своих часовых поясов. Предположим, также, что самолет летит вдоль параллели, на которой расположены Москва и Новосибирск. Поскольку Новосибирск находится восточнее Москвы, самолет летит с востока на запад, т.е. Против вращения Земли. В таком случае, чтобы вылететь и приземлиться в одно и то же поясное время самолет должен двигаться с той же скоростью, что и скорость вращения Земли на широте Москвы (Новосибирска). Теперь учтем, что Москва и Новосибирск не обязательно должны располагаться в середине своих часовых поясов. Пусть  $n$  — разница часовых поясов Москвы и Новосибирска. Один часовой пояс занимает на поверхности Земли полосу  $15^\circ$ . Если Москва расположена на западной границе часового пояса, а Новосибирск на восточной границе, то расстояние между ними составит  $15^\circ (n + 1)$ , а если Москва находится на восточной границе пояса (как есть на самом деле), а Новосибирск на западной, то расстояние между ними составит  $15^\circ (n - 1)$ . Длина одного градуса на широте Москвы составляет 62 км. Значит, расстояние между Москвой и Новосибирском составляет  $930 (n \pm 1)$  км. Отсюда мы видим, что абсолютная погрешность определения скорости самолета составляет 930 км/ч, вне зависимости от того, сколько часовых поясов разделяет Москву и Новосибирск. Относительная погрешность равна  $1/n$ .



3. Силы, действующие на тело на полюсе и на экваторе, изображены на рисунке, где  $g'$  и  $g''$  — ускорения, вызываемые силой тяжести,  $R'$  и  $R''$  — силы реакции опор, на которых покоится тело. Для тела, находящегося на высоте  $h$  на полюсе, сила тяжести и сила реакции опоры уравновешены и его вес по величине равен:  $P' = R' = \frac{mg}{(1 + \frac{h}{r})^2}$ . Тело, находящееся на

экваторе, движется по окружности, радиус которой равен радиусу планеты. Следовательно, сила тяжести и сила реакции опоры не уравновешены и, по второму закону Ньютона,  $m\omega^2 r = mg - R'$ , где  $\omega$  — угловая скорость вращения планеты. Поэтому вес тела на экваторе по величине равен  $P'' = R'' = mg - m\omega^2 r$ . По условию,  $mg - m\omega^2 r = \frac{mg}{(1 + \frac{h}{r})^2}$ , откуда

$$\omega^2 = \frac{g}{r} \cdot \frac{(1 + \frac{h}{r})^2 - 1}{(1 + \frac{h}{r})^2}. \quad \text{Учитывая, что период вращения планеты } T = \frac{2\pi}{\omega}, \text{ получаем:}$$

$$T = 2\pi \left(1 + \frac{h}{r}\right) \cdot \sqrt{\frac{r}{g \left[ \left(1 + \frac{h}{r}\right)^2 - 1 \right]}}$$

4.  $R = \frac{V}{H} = (\Delta\lambda / \lambda_0)$ , где  $c = 3 \cdot 10^5$  км/с,  $\Delta\lambda / \lambda = 0,1$ ,  $H = 60$  км/Мпк. Расстояние до галактики  $R = 500$  Мпк. Линейный размер  $d = R \sin i' = 145$  кпк.

5. Красное смещение квазара существенно меньше единицы, и мы можем пользоваться нерелятивистскими формулами. Скорость удаления квазара составляет 47,4 тысяч километров в секунду. Считая постоянную Хаббла равной 65 км/(с·Мпк), получаем, что расстояние до квазара  $r$  равно 730 Мпк. Абсолютная величина квазара равна  $M = m + 5 - 5 \lg r = -26,5^m$ . Светимость квазара составляет  $3 \cdot 10^{12}$  светимостей Солнца или  $10^{39}$  Вт.

6. Найдем скорости объектов перед столкновением. Для этого найдем расстояние от Солнца до спутника в афелии его орбиты:  $Q = 2a - q = 3,5$  а.е. ( $q$  — расстояние в перигелии,  $a$  — большая полуось) и эксцентриситет орбиты спутника:  $q = a(1-e)$ , отсюда  $e = 1 - q/a = 0,75$ . Т.к. столкновение происходит в афелии орбиты спутника, то скорость спутника будет

равна  $V = \sqrt{\frac{GM_0}{a} \cdot \frac{1-e}{1+e}}$ ;  $V = V_k \sqrt{\frac{1-e}{1+e}}$ ;  $V = 8$  км/с, где  $M_0$  – масса Солнца,  $V_k = 21,1$  км/с – скорость кругового движения по орбите с  $a=2$  а.е. (скорость движения астероида). Энергия, выделившаяся при столкновении будет равна (полный корректный вывод требует рассмотрения закона сохранения энергии совместно с законом сохранения импульса):  $E = \frac{mV_{от}^2}{2}$ , где  $V_{от}$  – скорость сближения объектов. Возможно 2 случая – столкновение на встречных курсах и столкновение спутника с догоняющим его астероидом. 1)  $V_{от}=29.1$  км/сек,  $E=8.5 \cdot 10^{11}$  Дж, что соответствует  $2 \cdot 10^5$  кг или 200 тонн в тротиловом эквиваленте. 2)  $V_{от}=13.1$  км/сек,  $E=1.7 \cdot 10^{11}$  Дж, что соответствует  $4 \cdot 10^4$  кг или 40 тонн в тротиловом эквиваленте.